

العنوان:	مقدرات بيز لدالة المعولية الضبابية للتوزيع الأسي باستخدام المحاكاة مع تطبيقها على الشركة العامة للصناعات الكهربائية
المؤلف الرئيسي:	أوجي، زينة باوز عبدالقادر
مؤلفين آخرين:	عبودي، عماد حازم(مشرف)
التاريخ الميلادي:	2009
موقع:	بغداد
الصفحات:	1 - 155
رقم MD:	823351
نوع المحتوى:	رسائل جامعية
اللغة:	Arabic
الدرجة العلمية:	رسالة دكتوراه
الجامعة:	جامعة بغداد
الكلية:	كلية الادارة والاقتصاد
الدولة:	العراق
قواعد المعلومات:	Dissertations
مواضيع:	الإحصاء، مقدرات بيز، المعولية الضبابية، الشركة العامة للصناعات الكهربائية، العراق
رابط:	http://search.mandumah.com/Record/823351

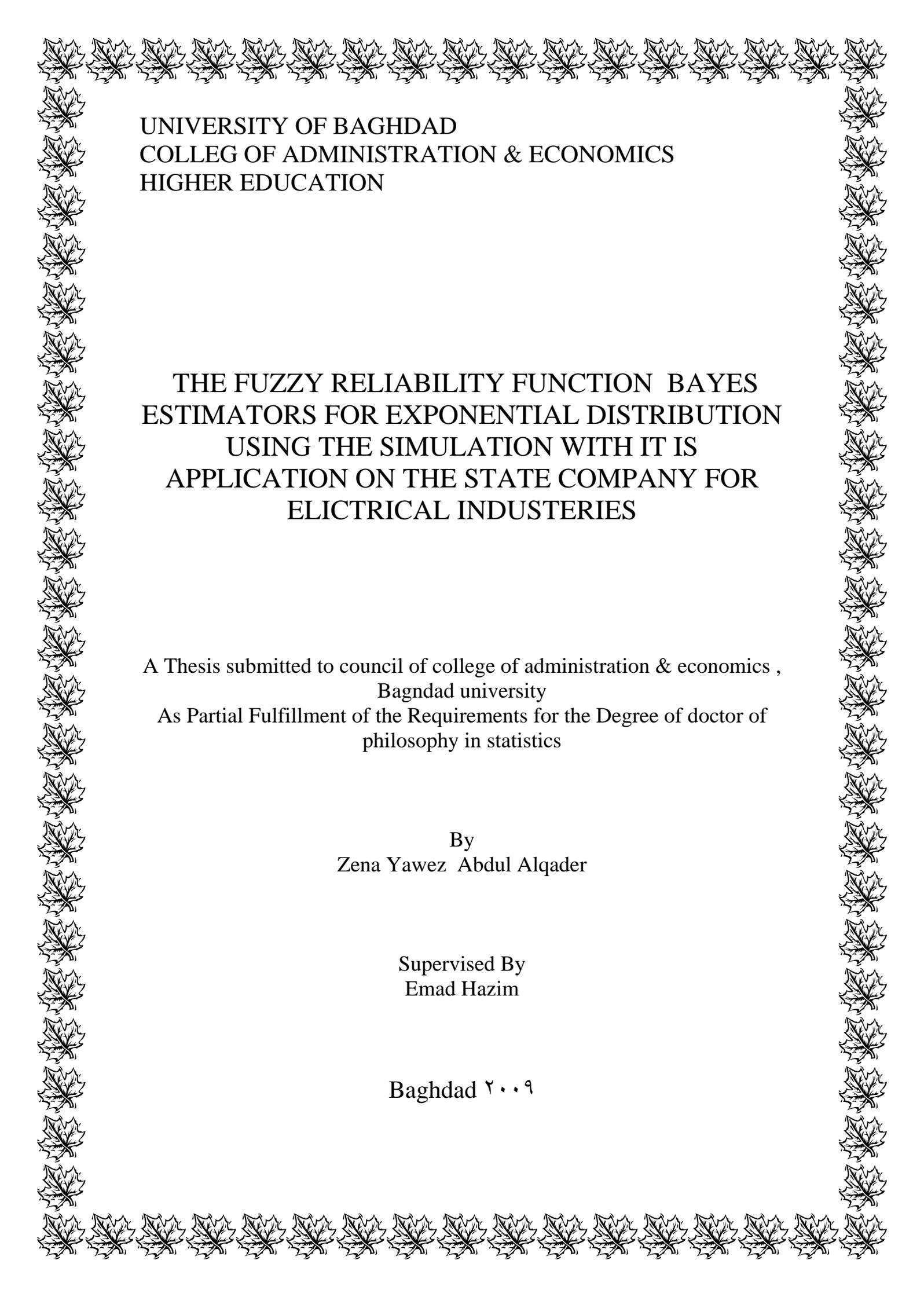
جامعة بغداد
كلية الإدارة والاقتصاد
الدراسات العليا

مقدرات بيز لدالة المعولية الضبابية للتوزيع الأسي باستخدام المحاكاة مع تطبيقها على الشركة العامة للصناعات الكهربائية

إطروحة مقدمة إلى
مجلس كلية الإدارة والاقتصاد - جامعة بغداد
وهي جزء من متطلبات نيل درجة دكتوراه فلسفة في الإحصاء

من قبل
زينة ياوز عبد القادر أوجي

بإشراف الأستاذ المساعد الدكتور
عماد حازم



UNIVERSITY OF BAGHDAD
COLLEGE OF ADMINISTRATION & ECONOMICS
HIGHER EDUCATION

THE FUZZY RELIABILITY FUNCTION BAYES
ESTIMATORS FOR EXPONENTIAL DISTRIBUTION
USING THE SIMULATION WITH IT IS
APPLICATION ON THE STATE COMPANY FOR
ELECTRICAL INDUSTRIES

A Thesis submitted to council of college of administration & economics ,
Baghdad university
As Partial Fulfillment of the Requirements for the Degree of doctor of
philosophy in statistics

By
Zena Yawez Abdul Alqader

Supervised By
Emad Hazim

Baghdad ٢٠٠٩

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

(قَالُوا سُبْحَانَكَ لَا عِلْمَ لَنَا إِلَّا مَا عَلَّمْتَنَا إِنَّكَ

أَنْتَ الْعَلِيمُ الْحَكِيمُ)

صَدَقَ اللَّهُ الْعَظِيمُ

(البقرة: ٣٢)

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

(قَالُوا سُبْحَانَكَ لَا عِلْمَ لَنَا إِلَّا مَا عَلَّمْتَنَا إِنَّكَ
أَنْتَ الْعَلِيمُ الْحَكِيمُ)

الْحَمْدُ لِلَّهِ الْعَلِيِّ الْكَبِيرِ

(البقرة: ٣٢)

إقرار المشرف

أشهد أن إعداد هذه الأطروحة الموسومة (مقدرات بيز لدالة المعولية الضبابية للتوزيع الأسي باستخدام المحاكاة مع تطبيقها على الشركة العامة للصناعات الكهربائية) والمقدمة من قبل الطالبة زينة ياوز عبد القادر قد جرى تحت إشرافي، وهي جزء من متطلبات نيل درجة الدكتوراه فلسفة في الإحصاء

التوقيع:-

الإسم:- أ.م.د. عماد حازم عبودي
قسم الإحصاء / كلية الإدارة والإقتصاد / جامعة بغداد

توصية لجنة الدراسات العليا

بناء على توصية المشرف أرشح الأطروحة للمناقشة

التوقيع:-

الإسم:- أ.د. ظافر حسين رشيد
قسم الإحصاء / كلية الإدارة والإقتصاد / جامعة بغداد

إقرار المشرف اللغوي

أشهد أن إعداد هذه الأطروحة الموسومة
(مقدرات بيز لدالة المعولية الضبابية للتوزيع الأسي بإستخدام
المحاكاة مع تطبيقها على الشركة العامة للصناعات الكهربائية)
والمقدمة من قبل الطالبة زينة ياوز عبد القادر قد جرت مراجعتها
من الناحية اللغوية تحت إشرافي بحيث أصبحت سليمة من الناحية
اللغوية ولأجلة وقعت

الأسم:-

التاريخ:-

الأهداء

إلى أغلى ما أملك

رمز الحنان و عنوان الأمان

أمي وأبي

زينة



شكر وتقدير

يسرني وقد أنجزت كتابة هذه الأطروحة بفضل من الله عز وجل أن أتقدم بفائق الأمتنان والتقدير للأستاذ الفاضل الدكتور عماد حازم الذي تفضل بقبول الإشراف على هذه الأطروحة، لما بذله من جهد متواصل وتوجيه مستمر وعناية طيلة مدة إعداد الأطروحة، إذ كان لصائب توجيهاته وسديد آرائه الأثر البالغ في إثراء الأطروحة بالمادة العلمية شكلا و مضمونا.

كما يطيب لي أن أذكر بالعرفان والجميل أساتذتي في قسم الإحصاء لما قدموا لي من نصائح وإرشادات كان لها الأثر الكبير في إظهار هذه الأطروحة على شكلها الحالي.

وأشكر أعضاء لجنة المناقشة على الملاحظات القيمة التي أبدوها خلال المناقشة داعية من الله أن يفتح عليهم بالعلم والمعرفة فتحا مبينا

كذلك أتقدم بالشكر الجزيل الى منتسبي الشركة العامة للصناعات الكهربائية قسم السيطرة والصيانة، لتزويدي بالبيانات التطبيقية حول إحدى مكائن الشركة، كما أشكر منتسبي مكتبة كلية الإدارة والاقتصاد جامعة بغداد .

وأخيرا فأني أسجل عظيم إمتناني لجميع أفراد عائلتي لما بذلوه من عناء في توفير الظروف الملائمة للدراسة والبحث خلال مدة إعداد الأطروحة.

ومن الله التوفيق
الباحثة

المستخلص

يدرس البحث الضبابية والتي مفهومها أن كل قيمة تقع ضمن فترة معينة، ونعتمد في تحديد حدود هذه الفترة على الخبرات السابقة حول موضوع الظاهرة المدروسة. وفي بعض الأحيان يصعب تحديد هذه الفترة ونتعامل مع القيمة الضبابية وما حولها من القيم القريبة دون الاعتماد على الخبرات السابقة نتيجة عدم توفرها أو الأختلاف في وجهات نظر الباحثين حول تحديد الحد الأدنى والأعلى لهذه القيم، ومن خلال هذا البحث سنتعامل مع بيانات أوقات حياة ضبابية لامتلاك كل قيمة فيها حد أدنى وحد أعلى يمكننا من تحديد درجة الأنتماء المناسبة لها، إنما كل بيانات أوقات الحياة تمتلك حد أدنى يمثل بداية وقت الحياة وحد أعلى يمثل نهاية وقت الحياة، وبإستخدام دالة الأنتماء ل Ching نستطيع تحديد درجة الأنتماء المناسبة لكل قيمة من قيم بيانات الحياة، ومن ثم نستطيع تقدير المعولية الضبابية لهذه البيانات بإستعمال طريقة FRDP (Fuzzy reliability definition procedure) لتقدير المعولية الضبابية والتي أستعملت فيها طريقة شبه المنحرف المركبة لإيجاد التكامل العددي.

وطريقة بيز لتقدير المعولية الضبابية، والتي تضمنت الحالات التالية:-

- ١- بيانات العينة ضبابية والتوزيع الأولي للمعلمة يحتوي على معلمة غير ضبابية
- ٢- بيانات العينة غير ضبابية والتوزيع الأولي للمعلمة يحتوي على معلمة ضبابية
- ٣- بيانات العينة ضبابية والتوزيع الأولي للمعلمة يحتوي على معلمة ضبابية
- ٤- بيانات العينة غير ضبابية والتوزيع الأولي للمعلمة يحتوي على معلمة غير ضبابية.

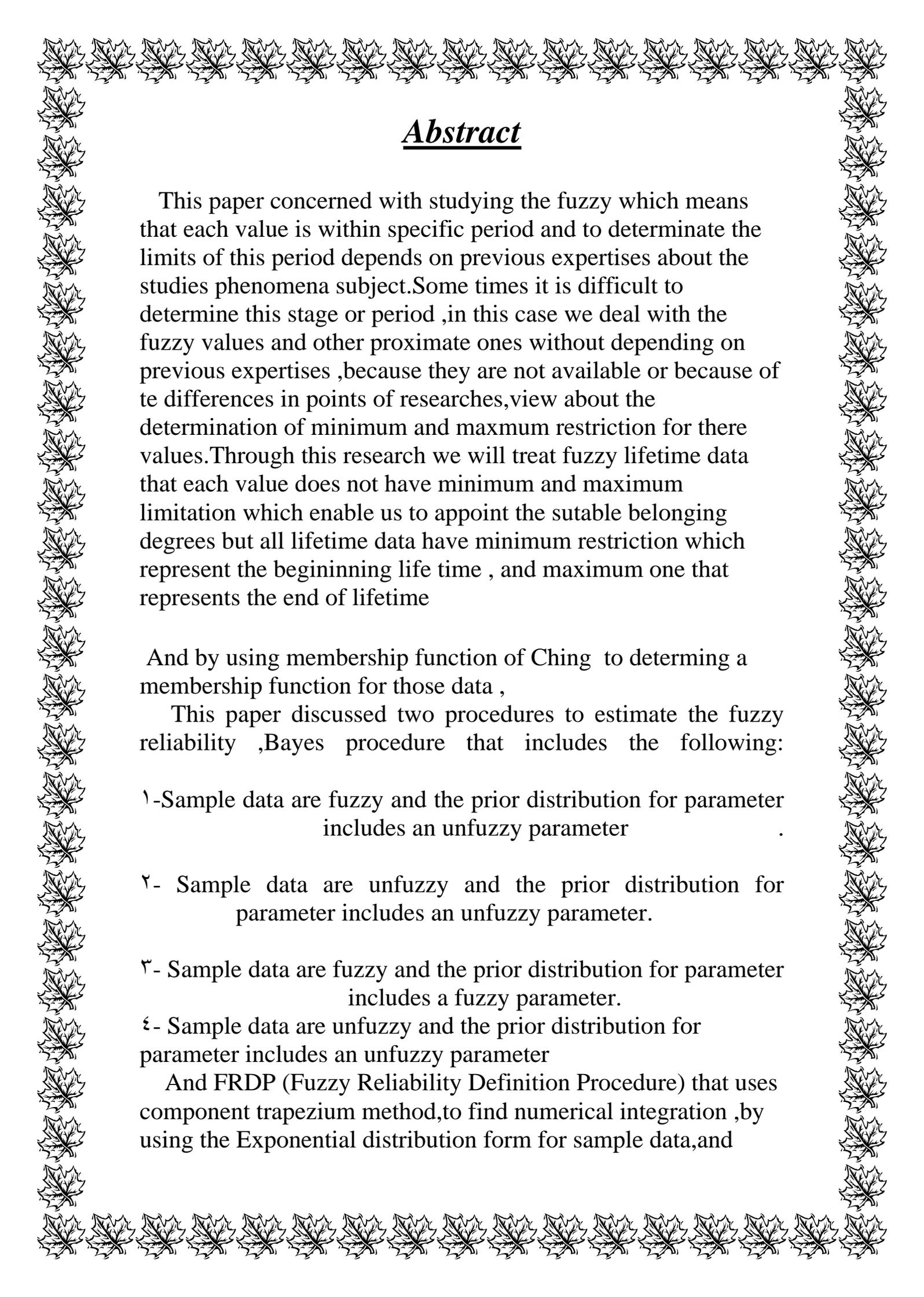
إستعملت إنموذج التوزيع الأسّي لبيانات العينة، وإنموذج التوزيع كاما لبيانات التوزيع الأولي لمعلمة التوزيع الأسّي في تجربة المحاكاة ولأحجام العينات (١٠٠، ٢٥٠، ٥٠٠، ١٠٠٠) ولقيم مختلفة لمعلمة التوزيع الأسّي (٤، ٥، ١٠، ٢٠)، ولثلاث فترات (١.٥-١، ٣، ٥-١، ٢-٧) ولقيمتين مختلفتين (١، ٢) لمعلمتي التوزيع الأولي كما.

ومن خلال النتائج التي تم الحصول عليها في الجانب التجريبي فقد تبين أن طريقة بيز هي الأفضل في تقدير المعولية الضبابية عندما تمتلك بيانات العينة الضبابية درجة إنتماء أقل أو مساوية إلى ٠,١ ولأحجام العينات الصغيرة

وعندما تكون قيمة معدل أوقات الفشل أكبر من واحد ولجميع قيم α فإن طريقة بيز هي الأفضل في تقدير المعولية الضبابية لأحجام العينات الصغيرة، وطريقة FRDP هي الأفضل في تقدير المعولية الضبابية لأحجام العينات الكبيرة.

وكذلك إستعملت البيانات التي تم أخذها من الشركة العامة للصناعات الكهربائية لماكنة السباكة توشيبا، وبعد تطبيق طريقة FRDP وطريقة بيز لتقدير المعولية

الضبابية لهذه البيانات، أظهر الجانب التطبيقي تطابق في النتائج التي تم الحصول عليها في الجانب التجريبي.



Abstract

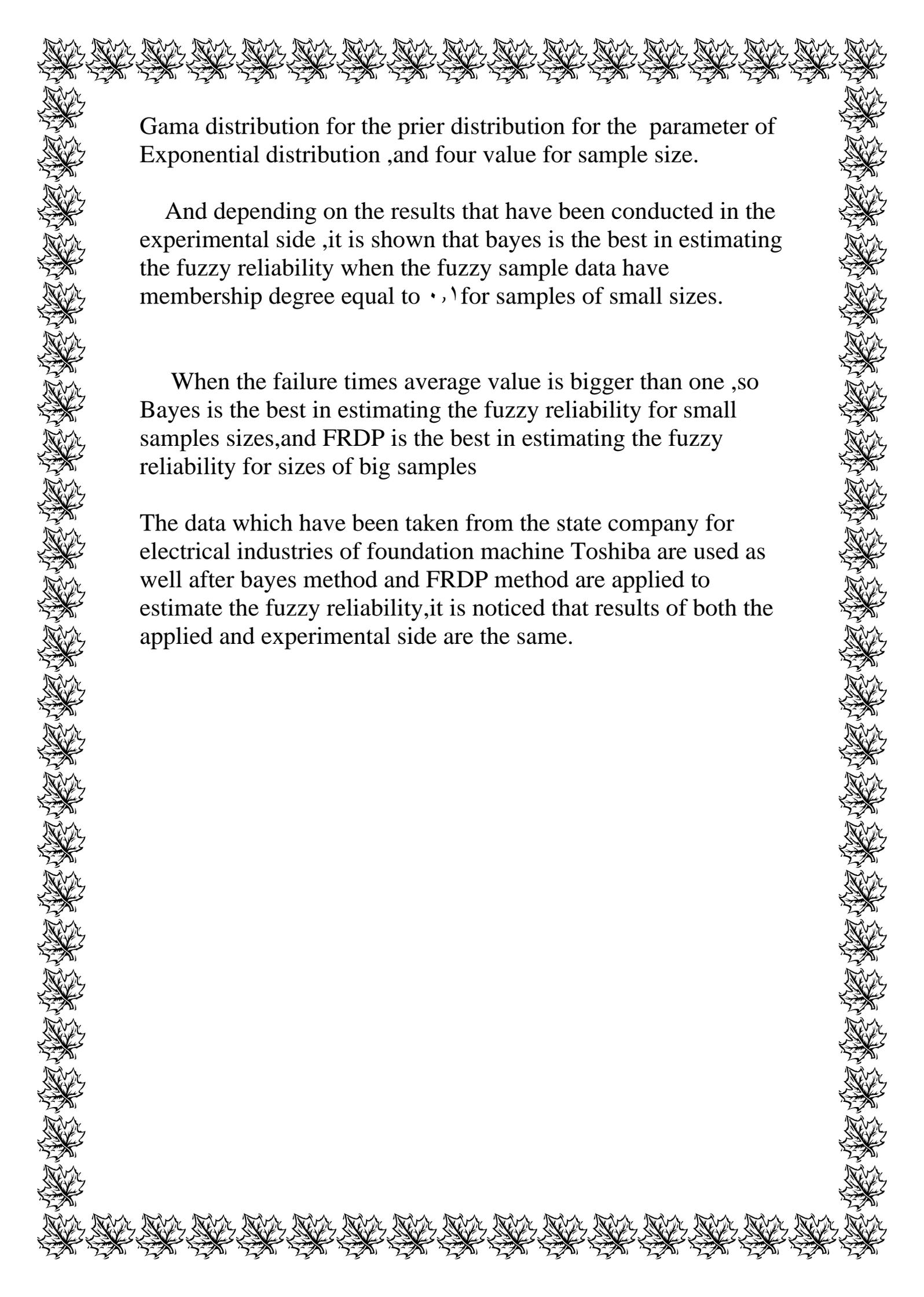
This paper concerned with studying the fuzzy which means that each value is within specific period and to determinate the limits of this period depends on previous expertises about the studies phenomena subject. Some times it is difficult to determine this stage or period ,in this case we deal with the fuzzy values and other proximate ones without depending on previous expertises ,because they are not available or because of te differences in points of researches,view about the determination of minimum and maxmum restriction for there values. Through this research we will treat fuzzy lifetime data that each value does not have minimum and maximum limitation which enable us to appoint the sutable belonging degrees but all lifetime data have minimum restriction which represent the begininning life time , and maximum one that represents the end of lifetime

And by using membership function of Ching to determing a membership function for those data ,

This paper discussed two procedures to estimate the fuzzy reliability ,Bayes procedure that includes the following:

- ١- Sample data are fuzzy and the prior distribution for parameter includes an unfuzzy parameter .
- ٢- Sample data are unfuzzy and the prior distribution for parameter includes an unfuzzy parameter.
- ٣- Sample data are fuzzy and the prior distribution for parameter includes a fuzzy parameter.
- ٤- Sample data are unfuzzy and the prior distribution for parameter includes an unfuzzy parameter

And FRDP (Fuzzy Reliability Definition Procedure) that uses component trapezium method, to find numerical integration ,by using the Exponential distribution form for sample data, and



Gama distribution for the prier distribution for the parameter of Exponential distribution ,and four value for sample size.

And depending on the results that have been conducted in the experimental side ,it is shown that bayes is the best in estimating the fuzzy reliability when the fuzzy sample data have membership degree equal to \cdot, \cdot, \cdot for samples of small sizes.

When the failure times average value is bigger than one ,so Bayes is the best in estimating the fuzzy reliability for small samples sizes,and FRDP is the best in estimating the fuzzy reliability for sizes of big samples

The data which have been taken from the state company for electrical industries of foundation machine Toshiba are used as well after bayes method and FRDP method are applied to estimate the fuzzy reliability,it is noticed that results of both the applied and experimental side are the same.

المحتويات

الموضوع	الصفحة
الفصل الأول: المقدمة وهدف البحث والخلفية التاريخية	
١-١ المقدمة	١
٢-١ هدف البحث	٢
٣-١ الخلفية التاريخية	٢
الفصل الثاني: الجانب النظري	
١-٢ المقدمة	٦
٢-٢ بعض المفاهيم الأساسية في المجموعات الضبابية	٦
١-٢-٢ تعريف المجموعة الضبابية	٦
٢-٢-٢ القطع α	٧
٣-٢-٢ دالة الإنتماء	٧
٤-٢-٢ مجموعة المستوى α	٧
٣-٢ المعولية الضبابية	٩
٤-٢ تقدير المعولية الضبابية	١٠
١-٤-٢ تقدير المعولية الضبابية باستخدام طريقة FRDP	١٠
٢-٤-٢ تقدير المعولية الضبابية باستخدام طريقة بيز	١٣
١-٢-٤-٢ تقدير المعولية في حالة بيانات العينة ضبابية والتوزيع الأولى للمعلمة يحتوي على معلمة غير ضبابية	١٤
٢-٢-٤-٢ تقدير المعولية الضبابية في حالة بيانات العينة غير ضبابية والتوزيع الأولى للمعلمة يحتوي على معلمة ضبابية	٢٠
٣-٢-٤-٢ تقدير المعولية الضبابية في حالة بيانات العينة ضبابية والتوزيع الأولى للمعلمة يحتوي على معلمة	٢٥

	ضبابية
٣٠	٤-٢-٤-٢ تقدير المعولية الضبابية في حالة بيانات العينة غير ضبابية والتوزيع الأولى للمعلمة يحتوي على معلمة غير ضبابية
الفصل الثالث: الجانب التجريبي	
٣١	١-٣ المقدمة
٣١	٢-٣ وصف تجارب المحاكاة
٣٦	٣-٣ تحليل نتائج المحاكاة
٣٦	٣-٣-١ تحليل نتائج المحاكاة للفترة الأولى ($t_1=1, t_2=3, t_3=5$)
٧٠	٣-٣-٢ تحليل نتائج المحاكاة للفترة الثانية ($t_1=1, t_2=5$)
١٠٥	٣-٣-٣ تحليل نتائج المحاكاة للفترة الثالثة ($t_1=2, t_2=7$)
الفصل الرابع: الجانب التطبيقي	
١٤١	١-٤ المقدمة
١٤١	٢-٤ مرحلة جمع البيانات
١٤٢	٣-٤ تحليل البيانات
الفصل الخامس الأستنتاجات والتوصيات	
١٤٥	١-٥ الأستنتاجات
١٤٧	٢-٥ التوصيات
المصادر	
١٤٨	المصادر العربية
١٤٩	المصادر الأجنبية
الملحق	
١٥٣	البرنامج

الفصل الأول

المقدمة

١-١ المقدمة: Introduction

تعد نظرية المجموعات الضبابية من أهم النظريات التي برزت في منتصف الستينات، لما لها من دور كبير في التعامل مع الكثير من الظواهر التي تمتلك بياناتها صفة الضبابية.

المجموعة الضبابية هي المجموعة التي يكون فيها علاقة كل عنصر بمجموعة البيانات التي تمثل الظاهرة علاقة انتماء لتلك المجموعة بدرجة انتماء تقع ضمن فترة معينة حيث تحدد هذه الدرجة بالاعتماد على دالة انتماء معينة^(٢).

ومن الظواهر التي تمتلك صفة الضبابية تقدير أعمار الأشجار في الغابة إذ يعتمد المختصون في هذا المجال على ملاحظة طول الشجرة وقياس قطر جذعها وبعض المقاييس الأخرى، وتصنف أعمار هذه الأشجار إلى أشجار صغيرة وكبيرة وكبيرة جدا، فالأشجار التي أعمارها أقل من ثمانية وعشرين سنة تعد صغيرة والأشجار التي أعمارها بين ثمانية وعشرين سنة واربعين سنة تعد كبيرة، أما التي أعمارها أكبر من اربعين سنة فتعتبر كبيرة جدا.

وهنا نلاحظ أن الباحثين يستعينون بصفات لغوية لوصف متغير العمر لكل شجرة إذ أن كل صفة تمثل فترة معينة، الحد الأدنى والحد الأعلى لكل فترة من هذه الفترات يعتبر ضبابي، لأن تحديد كان بناء على آراء مجموعة من الباحثين، قد يختلف باحثون آخرون في تحديد الحد الأدنى والحد الأعلى لكل صفة، ومن هنا نجد أن متغير عمر الشجرة متغير ضبابي^(٢٦).

ومن الأمثلة الأخرى على الظواهر الضبابية في المجال الطبي تقدير الزمن المتبقي لمريض السرطان الميؤس من علاجة للبقاء على قيد الحياة فقد يحدد الأطباء عدد من الأشهر وليكن أربعة أشهر لبقائه على قيد الحياة ثم سيفارق الحياة بعدها في حين نجد أن هذا المريض قد يفارق الحياة قبل هذا الوقت أو بعده ومن هنا نجد أن متغير عمر المريض متغير ضبابي.

تقدير زمن سقوط الأبنية المشيدة منذ فترة زمنية بعيدة، وهنا يعتمد المهندسون المختصون على ملاحظة مجموعة من العوامل المؤدية إلى سقوط هذه الأبنية من أهمها الشقوق الموجودة في تلك الأبنية، من حيث موقعها وارتفاعها وسمكها وعددها، ولكن هل يستطيع المختصون تحديد جميع الشقوق الموجودة؟، وإن أمكن ذلك فإن المهندسين سيقدرون فترة زمنية قد تكون سنة لأمكانية بقائها ثم ستسقط، أي أن المعولية المقدره مساوية إلى سنة واحدة، إلا أنه في الحقيقة قد يسقط البناء قبل مرور سنة واحدة أو بعدها، وبذلك يكون الرقم المقدر لمعولية البناء والمتمثل بسنة واحدة هو رقم ضبابي^(٤٢).

ولأجل توضيح فكرة البحث قسمت الأطروحة الى خمسة فصول: تناول الفصل الأول منها المقدمة وهدف البحث والخلفية التاريخية، أما الفصل الثاني تضمن بعض المفاهيم الأساسية في المجموعات الضبابية، تعريف المعولية الضبابية، وتقدير دالة المعولية الضبابية بأستعمال طريقتين؛ الأولى: طريقة FRDP و الثانية: طريقة بيز

أما الفصل الثالث فقد تضمن الجانب التجريبي والذي تضمن المقدمة و وصف تجربة المحاكاة و عرض نتائج الجداول الناتجة عن إستعمال أسلوب المحاكاة في تقدير المعولية الضبابية بإستعمال طريقة FRDP ، وإستعمال طريقة بيز والجداول الخاصة بمتوسط مربعات الخطأ، وتحليل هذه الجداول لغرض الوصول الى الطريقة الأفضل في تقدير المعولية الضبابية.

والفصل الرابع تضمن الجانب التطبيقي للأطروحة إذ جمعت البيانات من الشركة العامة للصناعات الكهربائية عن أحد المكائن المستخدمة في تلك الشركة وتم تطبيق طريقة FRDP وطريقة بيز على هذه البيانات .

أما الفصل الخامس: فقد إحتوى على الأستنتاجات والتوصيات .

٢-١ هدف البحث Purpose of search

يهدف البحث الى تقدير دالة المعولية الضبابية بالأعتماد على قيمة الحد الأدنى لدرجة الأنتماء للمجموعة الضبابية عندما لايمتلك كل عنصر في العينة الضبابية حد أدنى وحد أعلى ولكن العينة الضبابية ككل تمتلك حد أدنى يمثل بداية فترة الحياة وحد أعلى يمثل نهاية فترة الحياة نستطيع من خلالهما تحديد درجة الأنتماء لكل قيمة من قيم العينة الضبابية.

وبإستعمال طريقتين لتقدير المعولية الضبابية ، الأولى طريقة FRDP والثانية طريقة بيز

ويتضمن البحث المقارنة بين طريقة FRDP وطريقة بيز لغرض الوصول الى تحديد الطريقة الأفضل لتقدير المعولية الضبابية.

كما ويهدف البحث الى تقدير المعولية الضبابية لماكنة السباكة توشيبا وفق طريقة FRDP و طريقة بيز.

٣-١ الخلفية التاريخية Review of Literature

أنشأ العالم (Zadaeh)^(٤٨) عام ١٩٦٥ نظرية المجموعات الضبابية (Theory of fuzzy set)، التي أستعملت لحل الكثير من المشاكل التي يكون وصف الأشياء فيها ضبابي حيث إستخدم مفهوم الضبابية في تنظيم المحرك البخاري، أما تقدير

المعولية الضبابية فقد أستخدم فيه طرائق متعددة ومختلفة تبعا لطبيعة الظاهرة المدروسة.

و عرف (Zadaeh)^(٤٧) عام ١٩٦٨ الحادثة الضبابية على إنها القيمة المتوقعة لدالة الأنتماء.

قدم الباحثان (Zadaeh&Bellman)^(١٤) عام ١٩٧٠ تطبيقا لنظرية المجموعات الضبابية في عملية إتخاذ القرار إذ قاما بتحويل دالة الهدف والقيود الى دوال أخرى من خلال إستخدام العمليات الحسابية الخاصة بالمجموعات الضبابية .

قدم (Kaufmann)^(٢٨) عام ١٩٧٥ مفهوم المجموعة الضبابية بأنها تلك المجموعة التي لا يكون فيها حدود واضحة بدقة بين تلك العناصر التي تنتمي وتلك التي لا تنتمي لها.

إستعمل الباحثون (Gil;Corral & Gil)^(٣١) عام ١٩٨٥ نظرية إتخاذ القرار لحساب مقدر بيز النقطي عندما تكون بيانات العينة ضبابية.

إستعمل الباحث Sylvia^(٣٧) عام ١٩٩٠ هذا المفهوم في دراسة ثلاث حالات مختلفة للضبابية وإستطاع تقدير الحد الأدنى والحد الأعلى لدالة الأماكن الأعظم الضبابية لكل حالة منها عندما يكون توزيع العينة توزيع أسّي والتوزيع الأولي للمعلمة هو توزيع كاما ودالة إنتماء مثلية لبيانات العينة، وبعد أن ناقش وجود الضبابية لثلاث حالات والمتمثلة في العينة مرة وفي معلمة التوزيع الأولي للمعلمة مرة أخرى، ووجود الضبابية في العينة ومعلمة التوزيع الأولي للمعلمة. إستطاع الوصول الى تقدير دالة الحد الأدنى للتوزيع اللاحق الضبابية و تقدير الحد الأعلى للتوزيع اللاحق الضبابية للحالات الثلاثة السابقة الذكر.

قام الباحثان (Mon&Ching)^(٣٠) عام ١٩٩٣ بتقدير المعولية الضبابية للأنظمة الضبابية المربوطة على التوالي والتوازي بأستخدام دوال إنتماء مختلفة ،حيث إعتبر أن كل مركبة من مركبات النظام تمتلك دالة إنتماء خاصة بها.

في عام ١٩٩٤ قام الباحثان (Coolen & Newby)^(٢٥) بتقدير دالة الحد الأدنى للمعولية الضبابية ودالة الحد الأعلى للمعولية الضبابية في حالة كون التوزيع الأولي للمعلمة ضبابي،بعد أن طبقا الدراسة في حالتين، الأولى عندما تكون بيانات العينة تتوزع التوزيع الأسّي والتوزيع الأولي للمعلمة يتوزع التوزيع الأسّي أيضا والثانية عندما يكون توزيع العينة توزيع ثنائي الحدين والتوزيع الأولي للمعلمة هو توزيع بيتا

وفي عام (١٩٩٥) إقترح الباحث (Cheng)^(٢٠) دالة انتماء جديدة للتعبير عن دالة الأنتماء التي تمتلكها أي مركبة ضمن فترة زمنية محددة والتي من خلالها قدم طريقة جديدة لتقدير دالة المعولية الضبابية سميت بـ GERT,

وهي مختصر (graphical evaluation and review technique) وإستعمله هذه الطريقة لحساب المعولية الضبابية لعمل الطائرات الحربية بعد عدد محدد من محاولات الطيران الناجحة.

قام الباحثون (Yubin;zhong&Guangyuan)^(٢٢) عام ١٩٩٧ بقدير المعولية الضبابية بالأعتماد على العمليات الحسابية الخاصة بالمجموعات الضبابية .

وفي عام (١٩٩٩) إقترح الباحثان (V.Arkov & G.G.kulikov)^(٤٢) نموذج ماركوف الضبابي للسيطرة الأوتوماتيكية على الأنظمة الديناميكية المعقدة ، وإستطاعا تقديم صيغة جديدة للأحتمال الضبابي من خلال طرح مقدار معين من الحد الأدنى لحدود المتغير العشوائي الضبابي ، وإضافة مقدار معين للحد الأعلى لحدود المتغير العشوائي الضبابي، وتكوين مصفوفة الاحتمالات الأنتقالية والتي تتكون من عناصر تم إيجادها بإستخدام الأحتمال الشرطي لغرض التنبؤ بالمعولية الضبابية لهذه الأنظمة.

كما قدم الباحثون (moller,Beer,Graf,Hoffmann&U.Sickert)^(١٥) عام (٢٠٠٠) دالة التوزيع الأحتمالي الضبابي على إنها مجموعة من دوال التوزيعات الأحتمالية للمتغير العشوائي الضبابي بدرجات إنتماء خاصة بقيم المتغير العشوائي الضبابي.

قدر الباحثان (Bohdan & Batkiewicz)^(١٦) عام ٢٠٠٢ المعولية الضبابية في حالة كون بيانات أوقات الفشل ضبابية تتوزع توزيع ثنائي الحدين ، وبإستخدام أسلوب التحويل إقترحا صيغة جديدة لمعدل أوقات الفشل تعتمد على الصيغة القديمة لمعدل الفشل ومجموعة من الثوابت الأخرى التي تمتلك دالة إنتماء مثلثية.

وإستخدم الباحث (Chung)^(٢٢) عام ٢٠٠٤ أسلوب بيز لتقدير الحد الأدنى وأعلى لدالة المعولية الضبابية عندما يكون توزيع العينة توزيع بواسون والتوزيع الأولي للمعلمة توزيع كما يحتوي على معلمتين ضبابيتين معبرا عن درجة الأنتماء بدالة هدف تخضع لشروط معينة ، وقد إستخدم أسلوب البرمجة غير الخطية لتعظيم دالة الهدف والتي تجد قيمة درجة الأنتماء وتربطها مع المعولية الضبابية ، ومن خلال الرسم توصل الى أن دالة الأنتماء التي يتعامل معها هي دالة شبه المنحرف .
وفي عام ٢٠٠٦ حدد الباحثون (kumar;Yadav & Kumar)^(٢٩) العينة الضبابية بدالتين الدالة الأولى تمثل الحد الأدنى للتأكد والدالة الثانية تمثل الحد الأدنى

لعدم التأكد، دالة الانتماء لبيانات العينة الضبابية هي دالة شبة المنحرف، ومن خلال هاتين الدالتين وبأستخدام العمليات الحسابية الخاصة بالمجموعات الضبابية توصلوا إلى تقدير دالة المعولية الضبابية في الأنظمة المربوطة على التوالي والتوازي، وفي العام نفسه إستطاع الباحثان (Smitha & Hauulaas)^(٣٩) الربط بين الوسط الحسابي والانحراف المعياري للمتغير الضبابي والحد الأدنى والأعلى لكل قيمة في العينة الضبابية ومن خلال ذلك توصلوا إلى تقدير دالة المعولية الضبابية.

إقترح الباحثون (Ajaykumar; Sharma & kumar)^(١٣) عام ٢٠٠٧ طريقة fuzzy lambda-tau لتقدير المعولية الضبابية للإنسان الألي والذي يمتلك أوقات فشل ضبابية ذات دالة إنتماء مثلثية.

وفي عام ٢٠٠٨ إعتد الباحثون (Jing; Jin & Teng)^(٤٩) على تقدير حدود الثقة للمعولية وتكوين فترة يتم تحويل بيانات هذه الفترة إلى بيانات ضبابية ذات دالة إنتماء مثلثية ومن خلال هذه البيانات توصلوا إلى تقدير المعولية الضبابية.

الفصل الثاني الجانب النظري

١-٢ المقدمة Introduction

إن تقدير المعولية لأي مركبة يعتمد في الأساس على طبيعة بيانات العمل الخاصة بتلك المركبة، فالمعولية لأي مركبة تمثل قدرة المركبة على الأستمرارية بالعمل الى فترة زمنية معينة من دون ان تتوقف عن العمل قبل ذلك، ولكن في الحقيقة يمكن ان تتوقف المركبة عن العمل قبل الفترة الزمنية التي تم تحديدها وهنا سيظهر نوع من عدم التأكد في تحديد الفترة الزمنية لتوقف المركبة والذي يعزى الى وجود الضبابية في زمن توقف المركبة عن العمل.

هذه الضبابية في احد قيم بيانات الحياة والمتمثلة في اخر قيمة أدت الى تحويل بيانات الحياة جميعها الى بيانات ضبابية، وبالتالي فالمعولية التي يراد تقديرها ستكون معولية ضبابية .

سنتناول في هذا الفصل بعض المفاهيم الأساسية في المجموعات الضبابية المستخدمة في هذه الدراسة، وتوضيح مفهوم المعولية الضبابية، وسنستخدم طريقتين مختلفتين لتقدير دالة المعولية الضبابية، طريقة FRDP، وطريقة بيز.

٢-٢ بعض المفاهيم الأساسية في المجموعات الضبابية

Some basic concepts in fuzzy sets

تعد نظرية المجموعات الضبابية توسيع لنظرية المجموعات الأعتيادية^(٣) والتي غالبا ما تصف اي عنصر فيها بصفة الأنتماء او عدم الأنتماء للمجموعة الأعتيادية، في حين ان المجموعة الضبابية تتكون من عناصر تنتمي الى المجموعة الضبابية ولكن بدرجة ائتماء تقع ضمن الفترة المغلقة [٠, ١]، وهنالك بعض المفاهيم الخاصة بالمجموعات الضبابية والتي سنتناولها بالتفصيل وكما يلي:-

١-٢-٢ تعريف المجموعة الضبابية Fuzzy set definition^(٢)

لتكن T^* مجموعة غير خالية من العناصر، وان x^* مجموعة ضبابية جزئية تنتمي للمجموعة T^* تمتاز المجموعة x^* بأمتلاكها دالة ائتماء $U(x^*)$ ، يمكننا التعبير عن المجموعة الضبابية x^* بالصيغة التالية^(١):-

$$X^* = \{U(X_i^*) / X_i^* \in T^*, i=1,2,3,\dots,n \quad 0 \leq U(X_i^*) \leq 1\} \quad \dots(1)$$

وقد تحتوي المجموعة x^* على عنصر واحد ضبابي يمتلك درجة انتماء بين الصفر والواحد^(١٢)، في حين بقية العناصر في المجموعة X^* تكون غير ضبابية ومع ذلك تعد المجموعة x^* مجموعة ضبابية بكل عناصرها إذ أن العنصر غير الضبابي سيتحول الى عنصر ضبابي يمتلك درجة انتماء مساوية الى الواحد .

٢-٢-٢ القطع α - CUT α (١٧)

تعرف α بأنها أقل درجة انتماء يمتلكها اي عنصر في المجموعة الضبابية x^* ، وتقع قيمة α ضمن الفترة المغلقة $[0,1]$.

٣-٢-٢ دالة الانتماء Membership function (٥،٢٠)

هي الدالة التي تولد القيم المؤشرة للعناصر في المجموعة الضبابية والتي تقع ضمن مدى الأرقام الحقيقية في الفترة المغلقة $[0,1]$ ويرمز لها بالرمز μ فعندما تكون مساوية الى الصفر يكون العنصر لاينتمي الى المجموعة الضبابية وعندما تكون مساوية الى الواحد يكون العنصر ينتمي بالتأكيد للمجموعة الضبابية وهناك طريقتان للتعبير عن دالة الانتماء: فأما أن يعبر عنها بشكل عددي او بشكل دالة مثل دالة شبه المنحرف او الدالة المثلثية وغيرها من الدوال الضبابية، حيث يعتمد شكل الدالة المستخدمة على طبيعة البيانات التي يتعامل معها الباحث فإذا كانت البيانات واقعية يكون لدينا حدود دنيا وعليا او فترات توضح حدود قيم المتغير العشوائي x^* والتي من خلالها نستطيع تحديد درجة الانتماء لكل عنصر x_i^* في المجموعة الضبابية x^* ومن ثم يتم تحديد الحد الأدنى ل α للمجموعة الضبابية. اما في حالة التعامل مع بيانات غير حقيقية اي بيانات تجريبية فيجب تثبيت درجة الانتماء $U(x_i^*)$ ومن ثم تحديد قيم المتغير x^* المقابلة لقيمة α وتدعى القيمة الجديدة ل x^* ب $x(\alpha)$ ^(٢٠).

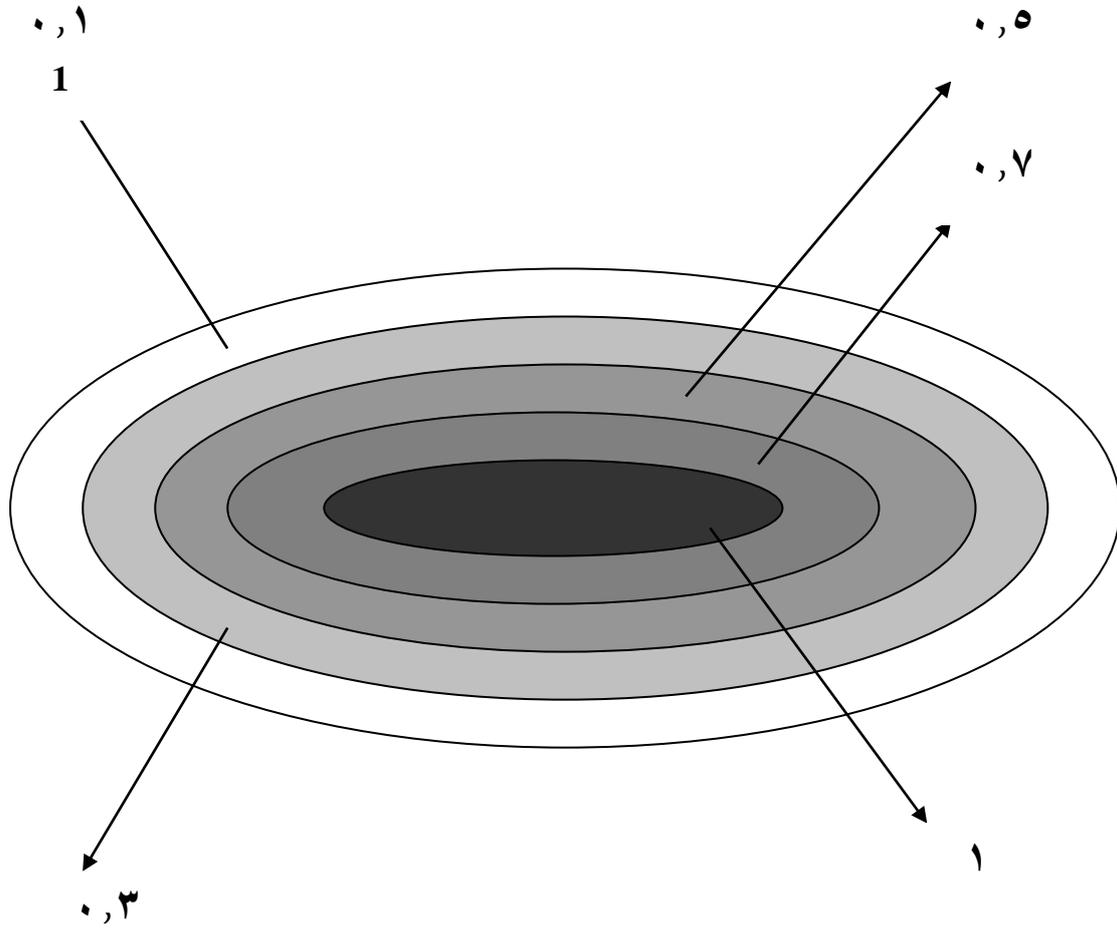
٤-٢-٢ مجموعة المستوى α للمجموعة الضبابية x^* (١٠)

α -Level set for fuzzy set x^*

هي مجموعة من العناصر في المجموعة الضبابية X^* التي تمتلك درجة انتماء اكبر او تساوي α ويرمز لها بالرمز X_α^* ويعبر عنها بالصيغة الأتية

$$X_\alpha^* = \{x_i^* \in T^* : U(x_i^*) \geq \alpha\} \quad \dots(2)$$

ويمكن وصف التداخل بين المستويات المختلفة ل α بالشكل التالي^(١).



الشكل رقم (١)
التداخل في مستويات (α)

من خلال الشكل السابق نلاحظ انه كلما كبرت قيمة (α) قل عدد العناصر(التي تمتلك درجة انتماء اكبر او مساوية الى α) ضمن المجموعة الضبابية X^* (٢).

إن الزيادة في قيمة درجة الانتماء التي تمتلكها العينة الضبابية تؤدي الى تقليل الضبابية، أي أن الحد الأدنى لدرجة الانتماء α يتناسب عكسيا مع الضبابية.

٢-٣ المعولية الضبابية Fuzzy reliability

المعولية هي دالة لإستمراية عمل المركبة بأنقضاء وقت بمقدار t ، كما يمكن تعريف المعولية على انها عبارة عن مقياس أو قدرة جزء من أجزاء نظام معين أو نظام ككل على العمل بصلاحية تامة من دون توقف، وعند تعريف المعولية لجهاز ما في الوقت t وتحت ظرف معين على أنها احتمال بقاء الجهاز يعمل من دون أن يصيبة اي خلل أو فشل في الفترة $(0, t)$ ويعبر عن المعولية بالصيغة التالية^(١١)

$$R^{(t)} = \int_t^{\infty} f(x)dx \quad \dots(3)$$

و عند حساب المعولية لأي مركبة و لفترة محددة بين t_1 و t_2 إذ أن t_1 تمثل بداية فترة الحياة و t_2 نهاية فترة الحياة، فمن المؤكد ان المركبة تعمل في الوقت t_1 ونريد أن نعرف مدى قابلية هذه المركبة على الأستمرارية بالعمل حتى الوقت t_2 ولكن في الحقيقة قد تتوقف المركبة عن العمل قبل الزمن t_2 أي ان وقت التوقف t_2 فيه شيء من عدم التأكد أي أنه قيمة غير محسوبة بالضبط لذلك تعد القيمة t_2 قيمة ضبابية^(٢٠)

ونتيجة لكون هذه القيمة تمثل القيمة الأخيرة ضمن مجال قيم أوقات الحياة t فإن جميع أوقات الحياة ستكون ضبابية وهذا طبقا لنظرية المجموعات الضبابية والتي تشير الى أن اي مجموعة تحتوي على قيمة واحدة ضبابية فالمجموعة بكل عناصرها تعد ضبابية^(١٥)، ولكون بيانات الحياة ضبابية إذا سنتعامل مع مفهوم المعولية الضبابية، والذي يعبر عنه بالرمز $\tilde{R}(t)$.

$$\tilde{R}(t) = P(T^* \succ t)$$

إذ ان T^* تمثل وقت الحياة الضبابي.

$\tilde{R}(t)$ تمثل المعولية الضبابية

$T^* \succ t$ أكبر او قريبة من t .

علما ان T^* تمتلك دالة الفشل $f(x^*)$ ودالة انتماء $U(x^*)$. وبأستعمال صيغة الأحتمال الضبابي نستطيع حساب المعولية الضبابية لأي مركبة وفق الصيغة التالية:-

$$\tilde{R}(t) = \int_t^{\infty} U(x^*)f(x^*)d(x^*) \quad \dots(4)$$

إذ أن

X^* : متغير عشوائي ضبابي

$U(x^*)$ دالة الأنتماء التي تحدد درجة الأنتماء لأي قيمة من قيم x^*

وقد اقترح الباحث (CHING-HSUE CHENG) (٢٠) عام ١٩٩٥ صيغة لدالة الأنتماء خاصة بأوقات الحياة وهي :-

$$U(x^*) = \begin{cases} 0 & x^* \leq t_1 \\ \frac{x^* - t_1}{t_2 - t_1} & t_1 < x^* \leq t_2, t_1 \geq 0 \\ 1 & x^* > t_2 \end{cases} \quad \dots(5)$$

اما المعولية الضبابية لأي مركبة عند قيمة معينة ل α فيتم حسابها وفق الصيغة التالية:-

$$\tilde{R}_\alpha(t) = \int_{t_1}^{x(\alpha)} f(x^*) dx^* \quad \dots(6)$$

إذ أن:-

$$\begin{cases} x(\alpha) \leq t_1 & \alpha = 0 \\ x(\alpha) = t_1 + \alpha(t_2 - t_1) & 0 < \alpha < 1 \\ x(\alpha) \geq t_2 & \alpha = 1 \end{cases} \quad \dots(7)$$

وهنا نلاحظ ان الحدود العليا للتكامل في الصيغة رقم (٦) قد تم تبديلها بوضع $x(\alpha)$ بدلا من t_2 وهذا نتيجة عدم معرفتنا لزمان توقف المركبة عن العمل بشكل دقيق (٢٠).

٢-٤-٤ تقدير المعولية الضبابية Estimation of fuzzy reliability

سوف يتم التطرق في هذا الفصل الى طريقتين مختلفتين لتقدير المعولية الضبابية؛ الأولى: FRDP، والثانية: طريقة بيز .

٢-٤-١ تقدير المعولية الضبابية باستخدام طريقة FRDP

Estimation of fuzzy reliability using FRDP

تعتمد طريقة FRDP على إستعمال تعريف المعولية الضبابية والمذكور في الصيغة رقم (٤).

وبأستعمال دالة الأنتماء المذكورة في الصيغة رقم (٥)، وضربها بالدالة الاحتمالية لتوزيع بيانات الحياة نحصل على الدالة $g(x^*)$ والتي يعبر عنها بالصيغة التالية:-